

23

円：円周角の定理の利用

円周角の定理を利用した作図、円と相似

年 組 番

名前

／18問

知

①円周角の定理の利用

円周角の定理を利用して、円の接線を作図することができる。

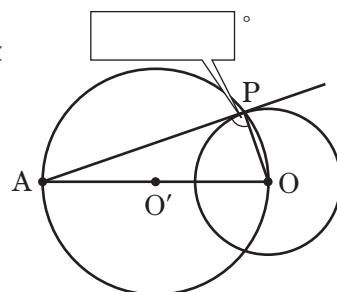
右の図のように、円O外の点Aから円Oにひいた接線は、点Pで半径

POと [] に交わるはずである。したがって、 $\angle APO$ が 90°

になることから、線分AOを [] とする円O' と円Oの交

点が [] となる。このことを利用して、円O'を作図し、

接線をかくことができる。

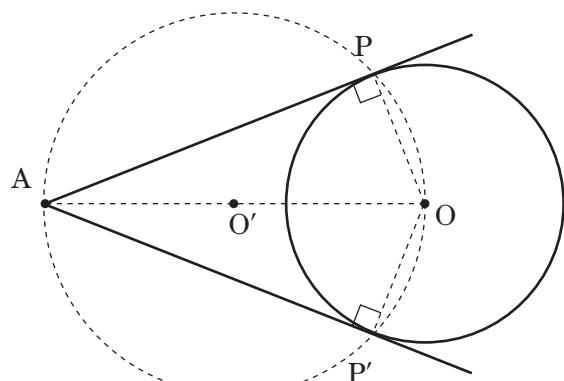


②円の接線

円Oに円外の点Aから接線をひく場合、接点の位置を求める必要がある。

右の図のように、AOを [] とする円と円Oの交点をP, P' とすれば、P, P' はAOを直径とする円の円周上にあるので、 $\angle APO$, $\angle AP'O$ は [] $^\circ$ となり、直線AP, AP'は円Oの接線となる。

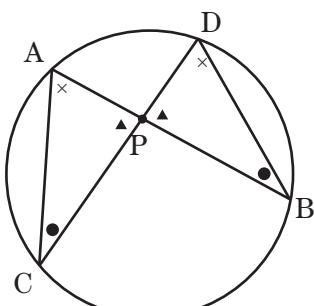
また、このとき、 $\triangle APO \cong \triangle AP'O$ は



[] 三角形であり、[] は共通で $PO = P'O$ なので、 $\triangle APO \cong \triangle AP'O$ より、 $AP = AP'$ となる。すなわち、円外の1点から、その円にひいた2つの接線の長さは [] ことになる。

③円と相似

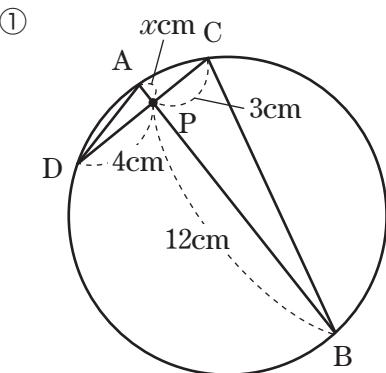
右の図のように、円の内部の点Pを通る2つの直線によってできる $\triangle ACP$ と $\triangle DBP$ は [] になる。このことは、図の $\angle C$ と $\angle B$ は \widehat{AD} に対する [] であり、 $\angle A$ と $\angle D$ は \widehat{CB} に対する円周角であることから証明できる。



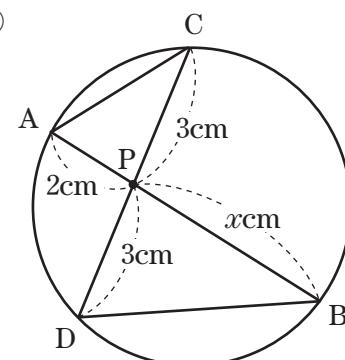
相似な图形では対応する辺の [] は等しいので、

$PA : PD = PC : []$ という関係が成り立つ。

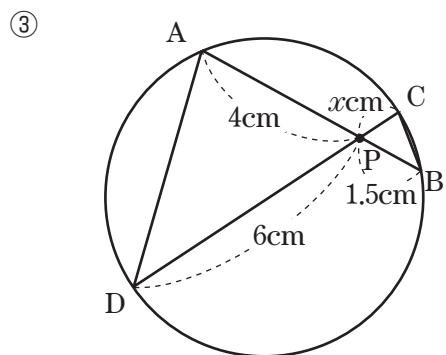
図 1 次の①～④のように、2つの弦AB, CDの交点をPとしたとき、 x にあてはまる数値を求めなさい。



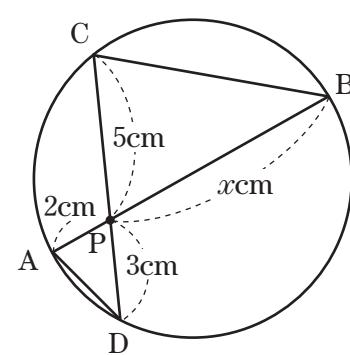
()



()



()



()

図 2 右の図のように、点Pを通る2つの直線があり、それぞれ円と点A, B, およびC, Dで交わっています。このとき、 a の長さを求めなさい。

