

2年 確率 答①

P.154 Ⅰ 確率の求め方

確率 (probability: プロバビリティーの頭文字 P を使うことが多い)  
 $P = \frac{\text{あることからの起こる場合の数 } \Omega}{\text{すべての起こる場合の数 } n}$  で求められる。

(例) わかりやすいのは、1つのさいころを1回投げるとき

↓  
 (ア) 1の目が出る確率 =  $\frac{1}{6}$  ← 1の目だけ  
 ← 1から6まで目の出方は6通り

↑ 2と4と6の3通りある →  
 (イ) 偶数の目が出る確率 =  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$  3以上は

(ウ) 3以上の目が出る確率 =  $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$  3と4と5と6の4通り

★ 分数で求めればよく、必ず約分する。

P.155

例1 玉をとりだす確率

箱 赤玉 4個 → 玉1個とりだすときの  
 黄玉 2個 とりだし方は、全部で  
 青玉 3個 × 赤・黄・青の3通りでなく

(ア)  $\textcircled{1} \textcircled{2} \textcircled{3} \textcircled{4} \textcircled{1} \textcircled{2} \textcircled{1} \textcircled{\Delta} \textcircled{\Delta} \textcircled{\Delta}$  ← 11通りの玉を区別する  
 全部で9通り

- 教科書のようにカラー刷りで区別できない
- なるべく簡単に、状況や条件がわかりやすく、表しやすく書いて考えるとよい

↓ ※ 自分がわかりやすい書き方でよい。

(このプリントは、授業中の板書と少しちがうかも) しれないけれど、説明しやすいように表す。

上の玉については、

1 2 3 4 5 6 7 8 9 と数字で表すものとする。  
 赤 黄 青

(ウ) 赤玉が出る確率 =  $\frac{4}{9}$  ← 赤は、1~4の4通り

① (イ) 青玉が出る確率 =  $\frac{3}{9}$  ← 青は、7~9の3通り  
 ← 必ず約分する  
 =  $\frac{1}{3}$

(2) 青または黄が出る確率 =  $\frac{5}{9}$  ← 5~9の5通り

P.156

必ず起こる確率 = 1  
 決して起こらない確率 = 0 ⇒  $0 \leq P \leq 1$

② (1) 1のさいころを投げるとき、目の2かたは、全部で1から6の6通り  
 6以下の目が出る確率 =  $\frac{6}{6}$  ← 1~6の6通り  
 = 1

(2) 7以上の目が出ることは、ありえないから、0通り  
 だからその確率 =  $\frac{0}{6} = 0$

練習問題

① P.153の②~④の確率

1つのさいころを1回投げるから、目の2かたは、全部で2と4と6の3通り  
 6通り

② 偶数の目が出る確率 =  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

③ 3以上の目が出る確率 =  $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$

④ 1の目が出る確率 =  $\frac{1}{6}$

⑤ 6未満の目が出る確率 =  $\frac{5}{6}$

⑥ 3の倍数の目が出る確率 =  $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$

むとも起こりやすいのは、確率の大きな

①

P.157

① 樹形図で考えると

A < B C D    B < C D    C < D 左のよになり 6試合

※ B < C としつと B < A の試合も考えることとなり、1回ずつの対戦でなく2回しつとから B-Aは、考えない。

② A, B, C, D, E, F の6人から2人の委員の選び方

A B C D E F    B C D E F    C D E F    D E F    EF 15通り

※ 斜めの線を書くと、意外に面倒。

テストで「樹形図を書きなさい」という問題が出たら、書きなさいと×になるけれど、自分だけで考える場合は、どちらでもよい。



線が多くて、ひきにくくなるかもしれないけれど、教えられることもない。

	A	B	C	D	E	F
A		○	○	○	○	○
B			○	○	○	○
C				○	○	○
D					○	○
E						○
F						

22目の線は、適当に引けばよい。○をつけるのは、つけやすい。

2年 確率 答②

P.158

例題1 2枚のお金をなげたときの確率

1枚のお金なら、表が裏の2通り  
 2枚のお金するとき、表表 表裏 裏表 裏裏の4通り  
 ↓  
 1枚が表、1枚が裏になる確率 =  $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$

※ 表や裏と書くのは、とても面倒なので(お)と(う)でもいけれど、○と×で書くことが、多い。楽だから。  

A B	A B
○ < ○	○ ○
○ < ×	○ ×
× < ○	× ○
× < ×	× ×

 4通りを 表にしている  
 4通りは2もOK  
 もしも3枚になると  

A B C	A B C
○ < ○ < ○	○ ○ ○
○ < ○ < ×	○ ○ ×
○ < × < ○	○ × ○
○ < × < ×	○ × ×
× < ○ < ○	× ○ ○
× < ○ < ×	× ○ ×
× < × < ○	× × ○
× < × < ×	× × ×

 8通りになる  
 8通りになる。  
 自分が考えやすい表し方がよい。  
 お金の問題は、○×で考える。

③ 2枚のお金をなげるとき  
 2枚とも表となる確率 =  $\frac{1}{4}$  (表表は1通り)

P.159

例題2 3枚のお金をなげるとき、

少なくとも2枚は表  
 ↓  
 2枚が表で、1枚が裏  
 ↓  
 3枚とも表

全部で8通り  

A B C	A B C
○ ○ ○	○ ○ ○
○ ○ ×	○ ○ ×
○ × ○	○ × ○
× ○ ○	× ○ ○
× × ○	× × ○
× ○ ×	× ○ ×
○ × ×	○ × ×
× × ×	× × ×

 あとはおろのは、4通り  
 4通り  
 書きやすいのは、こちらかも。  
 求める確率  

$$= \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

P.159

④ 3枚のお金をなげるとき

全部で8通り	○ ○ ○	少なくとも1枚は表 ○が1つ以上ある場合 だから7通り
	○ ○ ×	
	○ × ○	
	× ○ ○	
	× × ○	
	× ○ ×	
	○ × ×	
	× × × ← 3枚とも裏は、1通り	

(1) 3枚とも裏の確率 =  $\frac{1}{8}$   
 (2) 少なくとも1枚は表の確率 =  $\frac{7}{8}$

⑤ カードを並べて整数をつくるときの確率

※ ポイントは、12と21を区別すること。  
 もしも、3人から2人を選ぶとしたら、  
 A, B, C 3人から A, B を選ぶのも  
 B, A を選ぶのも 同じだから、区別しない。  
 区別するか、しないかを考えることが大切。

1, 2, 3のカードを1枚ずつとり、3けたの整数をつくらせると、全部で下のようになります。

123	偶数になるのは この2通り
132 ✓	
213	
231	
312 ✓	
321	

求める確率 =  $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$

※ もしも...

カードを1枚として百の位とし  
 それを もどして から、2枚目をとり、十の位とし、  
 また、もどして から 3枚目をとり、一の位とする  
 このよりにして3けたの整数をつくらせると、  
 同じ数字を3回 えることもできるのだ。

111	211	311	左のよになり 全部で27通り もどすかど3か とても大切なこと
112	212	312	
113	213	313	
121	221	321	
122	222	322	
123	223	323	
131	231	331	
132	232	332	
133	233	333	

例題3 2つのさいころをなげたときの確率

2つのさいころをA, Bとすると、24をれ目のでかたは6通りずつあり、1・1から6・6まである。  
教科書P.160の考へ方にあるような図表は、1・1やテストに書けないので、2つのさいころは、面倒だけれどマス目にして表すとよい。  
定規で線を描くのもテストの時は大変なので、適当に手で描くように慣れることが大切。

		B					
		1	2	3	4	5	6
A	1	○					
	2		○				
	3			○			
	4				○		
	5					○	
	6						○

マス目が全部で36通りあることがすぐわかり、  
たとえば、ここは、(Aが4, Bが6)を表すことになる。

- (1) 同じ目ができる確率は、上の表の○のところが6通りだから、求める確率は、 $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$
- (2) 違った目ができる確率は、上の表の○以外の36-6=30の30通りだから、その確率は、 $\frac{30}{36} = \frac{5}{6}$

※ (あることがAが起る確率P) + (あることがAが起らない確率) = 1  
となるから  
Aが起らない確率 = 1 - P  
で求めることもできる。

6 2つのさいころを同時になげるとき、さいころは、同時でも、同時でなくとも2つをなげるときは、全部で36通り

		B					
		1	2	3	4	5	6
A	1						
	2						
	3						○
	4					○	
	5				○		
	6			○			

(1) 和が9になるのは、左表の○のところが4通り  
確率は  $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$

(2) 和が9にならない確率は、(1)を利用し  
 $1 - \frac{1}{9} = \frac{8}{9}$   
と求めるといいし、 $\frac{32}{36} = \frac{8}{9}$ と考へてもOK

例題4 2枚のカードの組をとりだすときの確率

5枚のトランプのカードを色分けしたり、図で区別したりすることは、1・1やテスト中に表しにくいので、

ハートの2は、ハ2  
クローバーの5は、ク5  
ハートの2は、②  
クローバーの5は、△5  
のために、自分で区別しやすく書きやすい方法で考へればよい

②③④ △5 △6 から同時に2枚  
とりだすのを全部考へるときに、次のような方法がある。考へやすい方法がよい。

マス目を使って

		○2	○3	○4	△5	△6
○2						
○3						
○4						
△5						
△6						

上のマス目の○印をつけた10通りがすべてのとりだし

		②	③	④	△5	△6
②						
③						
④						
△5						
△6						

2枚が同じマークであるのは、上のマス目だと、

		○	△
○			
△			

全部書くと ②③④ △5 △6  
面倒だから書かない ②④ △5 △6  
このうち同じマークは、○印をつけた4通り  
求める確率は  $\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$

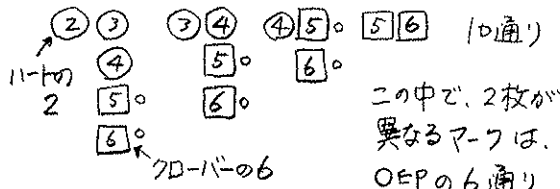
※ ここが、とても大切。  
同時に2枚とるといことは②③と③②を区別しなくていいことになる。区別すると、全部のとりかた2倍になるけれど、あるとりかたも2倍になり、確率を求めれば、分母も分子も2倍となり、約分すれば、答えは同じになる。もしも...  
「1枚とり、もどしてから、もう1枚とり」ときは、②②とか△△のような同じカードも考へることになるから、気を付ける。

左のマス目のように考へなくてもいい部分に余計な線をひいた、XやVをつけたりしてもいい。自分でわかれば、いい。この場合は、白いマス目の10個が、すべてのとりだしを表している。

2年 確率 答④

P.161

⑦ とりだし方は、全部で



求める確率は  $\frac{6}{10} = \frac{3}{5}$   
よて  $\frac{3}{5}$

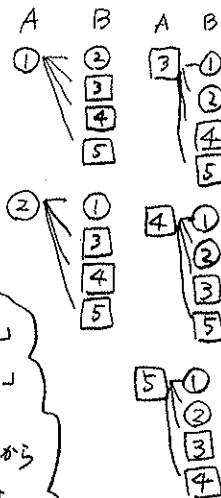
P.162

くじ引きは、さきにひく方が有利?

5本のくじのうち、あたりを①、②  
はずれを③④⑤とする。

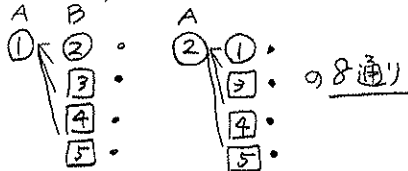
※ くじの引き方もポイント。ひいたくじをもどさないので、2人が同じくじをひくことは、考えない。もしも... もどすとすれば、同じくじをひくことも考えることになる。

① A, Bがひく場合の樹形図



② ひき方は、20通り

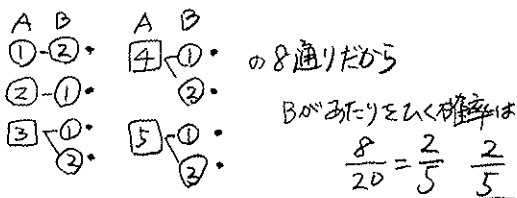
③ Aがあたりをひくのは



P.163

④ Aがあたりをひく確率は  $\frac{8}{20} = \frac{2}{5}$

Bがあたりをひくのは、

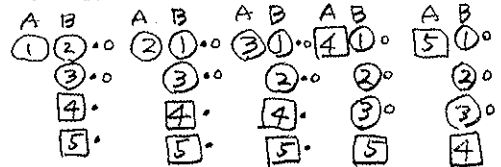


P.163

⑤ AもBもあたりをひく確率が等しいから  
あたりやすさは同じ

⑥ あたりが3本だから ①②③④⑤ 切る

ひき方を書くと



全部で 20通り

Aがあたるのは、12通り  
Bがあたるのは、12通り  
あたりやすさは同じ

P.164 6章の基本のたしかめ

① ボタンAの表がでる確率は  $\frac{1220}{2800} = 0.43...$   
ボタンBの " は  $\frac{1403}{3500} = 0.40...$   
Aの方がやすい

② (ア) 必ず1回でるとは、限らない。  
(イ) 1回しか1の目がでるとは、限らない。  
(ウ) たくさん投げれば、 $\frac{1}{6}$ の確率に近づいていく。  
 $\frac{500}{3000} = \frac{1}{6}$  (ウ)

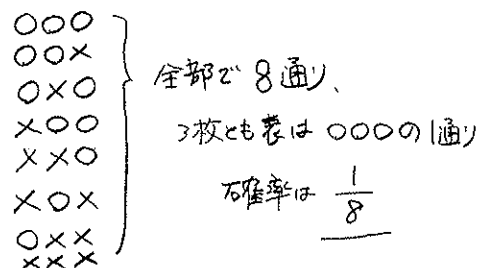
③ (1) かならず起こるとき、確率は  $\frac{1}{1}$   
(2) 決して起こらないとき、" は  $\frac{0}{1}$   
(3) Aの確率を  $p$  とすると、Aの起こらない確率は  $\frac{1-p}{1}$

④ (1) エースは、それぞれ4のグループに1枚ずつだから  
合計 4通り

(2) 1枚とるとき エースの確率は  $\frac{4}{52} = \frac{1}{13}$

⑤ (1) 1のさいころを3回投げるとき目のでたは全部で6通り  
奇数は、1・3・5の3通りだから、確率は  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

(2) 3枚のお金を投げるとき、表0と裏×のでたは、





5 赤玉と白玉をとりだすときの確率

※ 赤玉2個と白玉3個から2個とるとき

赤と赤、赤と白、白と白の3通りではない  
まちがえ

あ1, あ2, し1, し2, し3 とか

① ② △ △ △ とか  
あか し

1 2 3 4 5 とか、書き方はいろいろ。  
赤 白  
自分が書きやすい方法がいい。

そして、1個と2、それをもとで、もう1個

これをもとして、もう1個

とりよによって、全36の場合の数が  
違って来るから、注意する。

赤玉を1, 2 白玉を3 4 5 とする。

もとしてから、またとるので、同じ玉をとる  
ことができないので、1と1や2と2などを  
考えることになる。

とりだし方を、全部かくと

1	1	2	1	3	1	4	1	5	1	0
	2		2		2		2		2	
		3		3		3		3		3
			4		4		4		4	
				5		5		5		5

1個目赤の1  
2個目白の5

全部で 25通り

(ア) 赤玉と白玉ができるのは、上の・印の

12通りだから 確率は  $\frac{12}{25}$

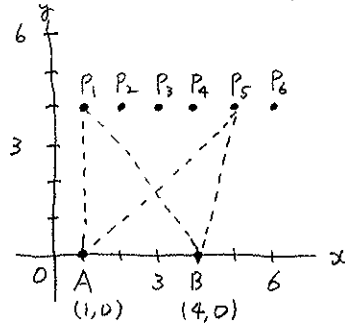
(イ) 同じ色ができるのは、

1	0	2	1	3	1	4	1	5	1	左の13通り
	2		2		2		2		2	だから
		3		3		3		3		確率は
			4		4		4		4	
				5		5		5		$\frac{13}{25}$

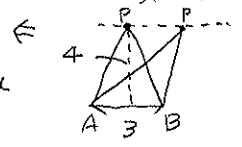
表には、マス目でも考えることが

		赤		白			
		1	2	3	4	5	できる
赤	(	1	•	•	•	•	← (ア)は ○印
		2	•	•	•	•	
白	(	3	•	•	•	•	← (イ)は •印
		4	•	•	•	•	
		5	•	•	•	•	

$1 - \frac{12}{25} = \frac{13}{25}$   
と(イ)も  
ok  
起=1/4  
(イ)



1 △PABが  
鈍角三角形で  
面積が6



AB=3だから、高さが  
4の三角形を考えると

x=1, 2, 3の目で見えるPが、上の図のように

$P_1(1,4), P_2(2,4), P_3(3,4), P_4(4,4)$   
 $P_5(5,4), P_6(6,4)$  のときに、面積4となる。

△P<sub>1</sub>ABと△P<sub>4</sub>ABは直角三角形

△P<sub>2</sub>ABと△P<sub>3</sub>ABは鋭角

△P<sub>5</sub>ABと△P<sub>6</sub>ABは鈍角 となる。

全部で36通りの中から、2通りだから

確率は  $\frac{2}{36} = \frac{1}{18}$

2 Pが  $y=2x+1$  のグラフ上にいるのは、

$x=1$  のとき  $y=2 \times 1 + 1 = 3 \rightarrow P(1,3)$

$x=2$  のとき  $y=2 \times 2 + 1 = 5 \rightarrow P(2,5)$

$x=3$  のとき  $y=2 \times 3 + 1 = 7$

7は、x=1, 2, 3の目だから、7は、  
ありえない。

だから (1,3) (2,5) の2通り

確率は、 $\frac{2}{36} = \frac{1}{18}$